

# *ASD Laboratorio 08*

The A(SD)-Team

UniTN

2025-04-03

# CALENDARIO

27/02	Programmazione dinamica
03/04	Programmazione dinamica
06/05	Algoritmi approssimati 1
15/05	Algoritmi approssimati 2
22/05	Presentazione Progetto 2 (no lab)
27/05	Progetto alg approssimati
29/05	Progetto alg approssimati

## PROGETTO ALGORITMI APPROSSIMATI

- Il secondo progetto verrà assegnato il **22/05/2025** e avrete circa una settimana di tempo. Il progetto riguarderà gli algoritmi approssimati (ultima parte del corso);
- Per iscriversi (se non vi siete iscritti al primo progetto):  
[https://bit.ly/ASDprog\\_2024-2025](https://bit.ly/ASDprog_2024-2025) (dovete essere loggati con l'account UniTN)
- Assumiamo gli stessi gruppi del primo semestre, in caso di cambiamenti, avvisare **entro il 19/05/2025**;

# SOTTOSEQUENZA CRESCENTE

Data una sequenza di interi scegliere un sottoinsieme della sequenza in modo che:

- gli elementi del sottoinsieme, messi nell'ordine in cui si trovavano nella sequenza originaria, formino una sequenza crescente
- il sottoinsieme abbia somma massima

## SOTTOPROBLEMA

$S(i)$  = somma della sottosequenza crescente di somma massima a partire dall'elemento  $i$

**Non funziona!** Per scegliere ottimamente, abbiamo bisogno di sapere l'ultimo elemento scelto.

## SOTTOPROBLEMA

$S[i, j]$  = somma ottimale ottenibile dal sottoarray  $[i..N - 1]$  avendo scelto per ultimo l'elemento  $j$

$$S[i, j] = \begin{cases} 0, & \text{if } i == n \\ S[i + 1, j], & \text{if } A[i] < A[j] \\ \max(S[i + 1, j], S[i + 1, i] + A[i]) & \text{if } A[i] \geq A[j] \end{cases}$$

## SOTTOPROBLEMA ALTERNATIVO

$S[i]$  = somma ottimale da  $i$  in poi essendo obbligati a scegliere l'elemento  $i$

$$S[i] = A[i] + \max_{j:(j>i, A[j]\geq A[i])} (S[j])$$

La soluzione del problema è uguale a  $\max(S)$ .

Funzione di ricorrenza ( $v[i]$ : valore dell' $i$ -esimo elemento,  $p[i]$ : peso dell' $i$ -esimo elemento)

$S(c, i)$  = massimo valore ottenibile utilizzando gli elementi da  $i$  in poi, con uno zaino avente spazio  $c$ .

$$S(c, i) = \begin{cases} -\infty & \text{if } c < 0 \\ 0 & \text{if } i == N \\ \max \begin{cases} v[i] + S(c - p[i], i + 1) \\ S(c, i + 1) \end{cases} & \text{if } i < N \end{cases}$$

```
int ric(int c,int i){
    if(c<0)
        return -100000000;
    if(i==N)
        return 0;
    int p=elements[i].first;
    int v=elements[i].second;
    return max(v+ric(c-p,i+1),
              ric(c,i+1));
}
```

Nota: l'ordine dei casi base è importante.



# ZAINO MEMOIZATION

```
int ric(int c,int i){
    if(c<0)
        return -100000000;
    if(i==N)
        return 0;
    if(sav[c][i]==-1){
        int p=elements[i].first;
        int v=elements[i].second;
        sav[c][i]= max(v+ric(c-p,i+1),
                       ric(c,i+1));
    }
    return sav[c][i];
}
```

# ZAINO ITERATIVO

- Il calcolo di  $S(c, i)$  dipende dagli  $S(c', i + 1)$ .
- Calcoliamo prima tutti gli  $S(\_, N - 1)$ , poi tutti gli  $S(\_, N - 2)$ ...

```
for(int i=N-1;i>=0;i--){
    int p=elements[i].first;
    int v=elements[i].second;
    for(int c=0;c<=C;c++){
        if(elements[i].first<=c)
            sav[c][i]=max(sav[c][i+1],
                          v+sav[c-p][i+1]);
        else
            sav[c][i]=sav[c][i+1];
    }
}
```

# ZAINO ITERATIVO EFFICIENTE

- Una volta calcolati tutti gli  $S(\_, i)$ , gli  $S(\_, i + 1)$  non ci servono più.
- Utilizziamo un array  $C \cdot 2$ .

```
for(int i=N-1;i>=0;i--){
    int p=elements[i].first;
    int v=elements[i].second;
    int cur=i%2; int next=(i+1)%2;
    for(int c=0;c<=C;c++){
        if(elements[i].first<=c)
            sav[c][cur]=max(sav[c][next],
                           v+sav[c-p][next]);
        else
            sav[c][cur]=sav[c][next];
    }
}
```

## PILLOLE

$S[i, j]$  = numero di combinazioni ottenibili da una bottiglia contenente  $i$  pillole intere e  $j$  pillole smezzate

$$S[i, j] = \begin{cases} 1, & \text{if } i == 0 \text{ and } j == 0 \\ S[i - 1, j + 1], & \text{if } i > 0 \text{ and } j == 0 \\ S[i, j - 1], & \text{if } i == 0 \text{ and } j > 0 \\ S[i, j - 1] + S[i - 1, j + 1], & \text{if } i > 0 \text{ and } j > 0 \end{cases}$$

# PROBLEMI (I)

## SOTTOSEQUENZA COMUNE MASSIMALE

Date due stringhe di caratteri alfanumerici, calcolare una sottosequenza comune massimale (secondo la definizione delle slides di Montresor). Stamparne la lunghezza.

Letture di una stringa (libreria string):

```
string s;  
in>>s;
```

Ottenere dimensione stringa e valore per un singolo carattere:

```
int dim=s.size();  
char c=s[2];
```

# PROBLEMI (II)

## DEFINIZIONE: NODE-COVER

Un insieme  $S \subseteq V$  di nodi è un Node-Cover se ogni arco nel grafo/albero ha almeno uno dei due nodi in  $S$ .

## MIN COVER SU ALBERO

Dato un albero, trovare la dimensione del Node-Cover di dimensione minima.

## MIN COVER SU ALBERO PESATO

Dato un albero con pesi su i nodi, trovare il Node-Cover di peso minimo e stamparne il peso.

## LA VENDETTA DEL RE LICH

Progetto programmazione dinamica a. a. 2016/2017

## ASSEDIO A NASSAU

Progetto programmazione dinamica a. a. 2017/2018